

**Олимпиада по математике среди 8 – ых классов
11.05.2009**

1. Дано выражение $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$

Найти и доказать формулу вычисления данного выражения

2. Доказать, что многочлен

$$x^{95} + x^{94} + x^{93} + \dots + x^2 + x + 1$$

делится на многочлен

$$x^{31} + x^{30} + \dots + x + 1$$

3. Дан треугольник ABC. М – середина стороны BC. На отрезке BM взята произвольная точка N. Через М проведена прямая, параллельная AN, пересекающая прямую AC в точке К. Доказать, что BK делит треугольник ABC на две равновеликие части.

4. Какое наименьшее количество взвешиваний потребуется, чтобы на весах с двумя чашками без гирь из 2009 монет выделить фальшивую монету, которая является более легкой.

**Олимпиада по математике среди 8 – ых классов
11.05.2009**

1. Дано выражение $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$

Найти и доказать формулу вычисления данного выражения

2. Доказать, что многочлен

$$x^{95} + x^{94} + x^{93} + \dots + x^2 + x + 1$$

делится на многочлен

$$x^{31} + x^{30} + \dots + x + 1$$

3. Дан треугольник ABC. М – середина стороны BC. На отрезке BM взята произвольная точка N. Через М проведена прямая, параллельная AN, пересекающая прямую AC в точке К. Доказать, что BK делит треугольник ABC на две равновеликие части.

4. Какое наименьшее количество взвешиваний потребуется, чтобы на весах с двумя чашками без гирь из 2009 монет выделить фальшивую монету, которая является более легкой.

**Олимпиада по математике среди 8 – ых классов
11.05.2009**

1. Дано выражение $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$

Найти и доказать формулу вычисления данного выражения

2. Доказать, что многочлен

$$x^{95} + x^{94} + x^{93} + \dots + x^2 + x + 1$$

делится на многочлен

$$x^{31} + x^{30} + \dots + x + 1$$

3. Дан треугольник ABC. М – середина стороны BC. На отрезке BM взята произвольная точка N. Через М проведена прямая, параллельная AN, пересекающая прямую AC в точке К. Доказать, что BK делит треугольник ABC на две равновеликие части.

4. Какое наименьшее количество взвешиваний потребуется, чтобы на весах с двумя чашками без гирь из 2009 монет выделить фальшивую монету, которая является более легкой.

**Математикадан 8-ші сыныптар арасында олимпиада
11.05.2009**

1. $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$ өрнегі берілген. Осы өрнекті сипаттайтын формуланы тауып, дәлелде.
2. $x^{95} + x^{94} + x^{93} + \dots + x^2 + x + 1$ көпмүшелігі $x^{31} + x^{30} + \dots + x + 1$ көпмүшелігіне бөлінетінін дәлелде.
3. $\triangle ABC$ берілген. M – BC қабырғасының ортасы. BM кесіндісінің бойынан N нүктесі алынған. M нүктесі арқылы AN түзуіне параллель түзу AC түзу K нүктесінде кияды. BK $\triangle ABC$ -ны аудандары тен 2 бөлікке бөлетінін дәлелде.
4. 2009 тиын берілген. Арасында 1 жалған тиын бар (жалған тиын шын тиыннан жеңіл). Гирсіз таразыда кем дегенде қанша рет өлшеу арқылы жалған тиынды табуға болады.

**Математикадан 8-ші сыныптар арасында олимпиада
11.05.2009**

1. $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$ өрнегі берілген. Осы өрнекті сипаттайтын формуланы тауып, дәлелде.
2. $x^{95} + x^{94} + x^{93} + \dots + x^2 + x + 1$ көпмүшелігі $x^{31} + x^{30} + \dots + x + 1$ көпмүшелігіне бөлінетінін дәлелде.
3. $\triangle ABC$ берілген. M – BC қабырғасының ортасы. BM кесіндісінің бойынан N нүктесі алынған. M нүктесі арқылы AN түзуіне параллель түзу AC түзу K нүктесінде кияды. BK $\triangle ABC$ -ны аудандары тен 2 бөлікке бөлетінін дәлелде.
4. 2009 тиын берілген. Арасында 1 жалған тиын бар (жалған тиын шын тиыннан жеңіл). Гирсіз таразыда кем дегенде қанша рет өлшеу арқылы жалған тиынды табуға болады.

**Математикадан 8-ші сыныптар арасында олимпиада
11.05.2009**

1. $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$ өрнегі берілген. Осы өрнекті сипаттайтын формуланы тауып, дәлелде.
2. $x^{95} + x^{94} + x^{93} + \dots + x^2 + x + 1$ көпмүшелігі $x^{31} + x^{30} + \dots + x + 1$ көпмүшелігіне бөлінетінін дәлелде.
3. $\triangle ABC$ берілген. M – BC қабырғасының ортасы. BM кесіндісінің бойынан N нүктесі алынған. M нүктесі арқылы AN түзуіне параллель түзу AC түзу K нүктесінде кияды. BK $\triangle ABC$ -ны аудандары тен 2 бөлікке бөлетінін дәлелде.
4. 2009 тиын берілген. Арасында 1 жалған тиын бар (жалған тиын шын тиыннан жеңіл). Гирсіз таразыда кем дегенде қанша рет өлшеу арқылы жалған тиынды табуға болады.